الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

الديوان الوطني للامتحانات والمسابقات

وزارة التربية الوطنية

دورة: جوان 2012

امتحان بكالوريا التعليم الثانوي

الشعبة: تسيير واقتصاد

المدة: 03 ساعات و30د

اختبار في مادة: الرياضيات

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين التاليين الموضوع الأول

التمرين الأول: (05 نقاط)

. $u_{n+1}=\frac{3\,u_n+4}{9}$ ، المتتالية العددية المعرّفة بـــ: $u_0=1$ ومن أجل كل عدد طبيعي (u_n) المتتالية العددية المعرّفة بـــ

$$u_n > \frac{2}{3}$$
 ، $u_n > \frac{2}{3}$ ، $u_n > \frac{2}{3}$ ، $u_n > \frac{2}{3}$ ، $u_n > \frac{2}{3}$ ، $u_n > \frac{2}{3}$

بيّن أن المتتالية (u_n) متتاقصة.

$$v_n = u_n - \frac{2}{3}$$
: بعتبر المتتالية (v_n) المعرّفة من أجل كل عدد طبيعي (2

أ - بيّن أنّ (v_n) متتالية هندسية، يطلب تحديد أساسها وحدها الأول .

.
$$u_n = \frac{1}{3} \left[\left(\frac{1}{3} \right)^n + 2 \right]$$
 ، n عبارة v_n عبارة v_n عبارة v_n عبارة v_n عبارة المتتالية v_n عبارة المتتالية v_n عبارة المتتالية المتتالية v_n عبارة المتتالية المتتالية v_n عبارة المتتالية المتتالية v_n

 $S_n = u_0 + u_1 + u_2 + ... + u_n$ حيث: S_n حيث (3 المجموع S_n

التمرين الثاني: (05 نقاط)

يعطى الجدول أدناه، كميات الحليب، مقدرة بالهكتولتر hL، التي تمّ تجميعها في إحدى و لايات الوطن من سنة 2006 إلى سنة 2011:

السنة	2006	2007	2008	2009	2010	2011
x_i رتبة السنة	1	2	3	4	5	6
كمية الحليب المجمّعة vi (بالهكتولتر hL)	25000	26000	28500	29000	31000	33498

1) مثل سحابة النقط $M\left(x_{i},y_{i}\right)$ في معلم متعامد مبدؤه O'(0;20000) و بوحدة I لكل سنة على محور الفواصل و I لكل I لكل I لكل I محور القواصل و I لكل I لكل I الكل على محور القراتيب.

2) أ- عين إحداثيتي النقطة المتوسطة G لهذه السحابة.

 (10^{-2}) الانحدار بالمربعات الدنيا. (10^{-2}) معادلة مستقيم الانحدار بالمربعات الدنيا.

- 3) قدّر كمية الحليب التي يمكن تجميعها في سنة 2015 باستعمال التعديل الخطى السابق.
- 4) إذا اعتبرنا أن كمية الحليب المجمعة في السنوات الموالية لسنة 2011 تَبَمُّ بنفس الوتيرة التي تمت بها من سنة 2006 إلى سنة 2011 ، فابتداءً من أية سنة ستتعدى الكمية المجمعة 50000 ألى سنة 2010 ؟

التمرين الثالث: (04 نقاط)

(تعطى النتائج على شكل كسور غير قابلة للاختزال).

عدد تلاميذ قسم دراسي هو 35 تلميذا من بينهم 15 بنتا. يختار كل تلميذ من القسم رياضة واحدة وواحدة فقط يمارسها في إطار نشاطات النادي الرياضي للمؤسسة. %75 من الأولاد اختاروا ممارسة كرة القدم و %15 اختاروا ممارسة كرة اليد بينما اختار %10 ممارسة الكرة الطائرة. %60 من البنات اخترن ممارسة الكرة الطائرة والبقية اخترن ممارسة كرة اليد. لتمثيل هذا القسم في منافسة رياضية، يتم اختيار تلميذ واحد منه بطريقة عشوائية. يرمز G إلى الحادثة " التلميذ المختار ولد " ويرمز F إلى الحادثة " التلميذ المختار بنت " .

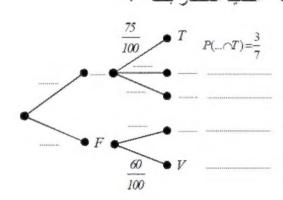
يرمز T إلى الحادثة " التأميذ المختار يمارس كرة القدم " .

M إلى الحادثة " التأميذ المختار يمارس كرة اليد " .

يرمز V إلى الحادثة " التلميذ المختار يمارس الكرة الطائرة ".

1) انقل الشجرة المقابلة على ورقة الإجابة، ثم أكملها.

- . V أحسب (P(V) احتمال أن تتحقق الحادثة
 - P_p (G) أحسب الاحتمال الشرطي (3)
- 4) أحسب احتمال أن يكون التلميذ المختار لا يمارس كرة القدم.

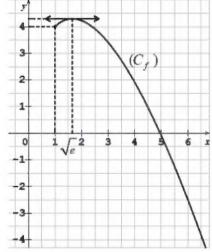


التمرين الرابع: (06 نقاط)

 $[1;+\infty[$ المعانى البياني (C_f) المقابل هو للدالة f المعرفة على المجال (C_f) المعنيل البياني . f(x)=ax+b+cxlnx أعداد حقيقية .

- .+ ∞ عند f ونهایة f عند $+\infty$
- و عبارة f'(x) حيث f'(x) هي الدالة a و الدالة a المشتقة للدالة a على a على a على الدالة a على

 $f(5) = 16 - 10 \ln 5$ أن $f(x) = 3x + 1 - 2x \ln x$.



f تحقق من صحة تخمينك في السؤال f، ثم شكّل جدول تغيرات الدالة

 $4,95 < \alpha < 4,96$ أن المعادلة: f(x) = 0 تقبل حلا وحيدا α على $\alpha = 1$ ، ثم تحقق أن $\alpha = 1$

. (f(x) = 0 المعادلة α هو حل المعادلة $S = \int_{T}^{\alpha} f(x) dx$ عرف العدد الحقیقي S كما یلي: S كما یلي: (4

 $[1;+\infty]$ على $g:x\mapsto 2x^2+x-x^2 lnx$ أ- بيّن أن الدالة: $g:x\mapsto 2x^2+x-x^2 lnx$

ب- أعط تفسير ا هندسيا للعدد ٥، ثم احسبه بدلالة ٠.

. $S=\frac{1}{2}\alpha(\alpha+1)-3$: بيّن أن: $S=\frac{1}{2}\alpha(\alpha+1)-3$ ، ثم استنج حصر اللعدد

الموضوع الثانى

التمرين الأول: (05 نقاط)

في بداية جانفي 2008 وضع شخص مبلغا من المال قدره DA 50000 في صندوق التوفير والاحتياط. يقدم الصندوق فائدة قدرها 5% سنوبا .

يسحب هذا الشخص نهاية كل سنة مبلغا قدره DA 5000 (بعد حساب الفوائد).

. u_n يرمز u_n إلى المبلغ الذي يملكه هذا الشخص في حسابه بداية جانفي من السنة

. س علا من س علا من الم الم الم الم الم الم الم

 u_n هندسية ؟ هل هي حسابية ؟ برر إجابتك.

 $u_{n+1} = 1,05u_n - 5000$ الدينا، $u_{n+1} = 1,05u_n - 5000$ الدينا، $u_{n+1} = 1,05u_n - 5000$

. $v_n = u_n - 100\,000$ ، n نضع من أجل كل عدد طبيعي (2

أ- بيّن أنّ المنتالية (v_n) هندسية ، حدّد أساسها وحدّها الأول.

 $u_n = -50\,000 \times (1,05)^n + 100\,000$ ، $u_n = -50\,000 \times (1,05)^n$ بدلالة $u_n = -50\,000 \times (1,05)^n$ بدلالة $u_n = -50\,000 \times (1,05)^n$

3) أ- ما هو المبلغ الذي يكون في حساب هذا الشخص نهاية عام 2015 ؟

ب- ابتداء من أية سنة لا تسمح إدارة الصندوق لهذا الشخص بسحب المبلغ المعتاد على سحبه في نهاية كل سنة؟

التمرين الثاني: (06 نقاط)

	-1	U	+00	
f'(x)	+	0	_	جدول التغيرات المقابل هو للدالة f المعرفة على المجال
f(x)	0/	*e	 0	$f(x)=(x+1)e^{1-x}$ بالعبارة: $[-1;+\infty]$ بالعبارة: (C_f) بالعبارة: يكن (C_f) بالعباري في المستوي المنسوب المعلم المتعامد و المتجانس $(O;\widetilde{i},\widetilde{j})$.
	0/		•0	

- . y=-x+3 هي: (Δ) المماس للمنحنى (C_r) في النقطة ذات الفاصلة (Δ) هي: (Δ)
 - . $g(x) = -x e^{1-x} + 1$: بالعبارة: $[-1; +\infty[$ المعرفة على المجال $g(x) = -x e^{1-x} + 1$ هي الدالة المعرفة على المجال $g(x) = -x e^{1-x} + 1$
 - أ- أدرس اتجاه تغيّر الدالة ع.
 - . $[-1;+\infty[$ على المجال g(x) من استنتج إشارة g(x) على المجال g(1)
 - . $h(x) = (x+1)e^{1-x} + x 3$ أهى الدالة المعرفة على المجال المجال $[-1; +\infty[$
- - h'(x) = g(x) ، $[-1; +\infty]$ بين أنه من أجل كل x من المجال $[-1; +\infty]$ ، $[-1; +\infty]$ بين أنه من أجل كل $[-1; +\infty]$
 - -1 بعيينه. h(x) = 0 يطلب تعيينه. h(x) = 0
 - . (Δ) المستقيم (h(x) بالنسبة إلى المستقيم (h(x)) بالنسبة الى المستقيم (h(x)) د حدّد إشارة
 - (C_r) والمنحني ((Δ)) والمنحني ((C_r)).

التمرين الثالث: (04 نقاط)

بيّنت دراسة إحصائية لتلاميذ السنة الثالثة ثانوي بإحدى الثانويات أن % 30 من التلاميذ قيموا من الإكمالية A و البقية من الإكمالية B و البقية من الإكمالية A و البقية من الإكمالية A و البقية من الإكمالية A و البقية من الإكمالية A

بعد اجتياز التلاميذ لامتحان البكالوريا تبيَّن ما يلي : نجح في الامتحان % 25 من التلاميذ القادمين من الإكمالية A و % 18 من الذين قدموا من الإكمالية B و % 84 من الذين قدموا من الإكمالية C

نختار تلميذا من تالاميذ السنة الثالثة ثانوي بطريقة عشوائية بعد اجتياز امتحان البكالوريا.

يرمز R إلى الحادثة "التاميذ المختار نجح في الامتحان"

 $^{*}A$ يرمز A إلى الحادثة "التلميذ المختار قادم من الإكمالية

يرمز B إلى الحادثة "التلميذ المختار قادم من الإكمالية B"

 $^{\circ}C$ يرمز C إلى الحادثة "التلميذ المختار قادم من الإكمالية

- 1) أنجز شجرة الاحتمالات التي تُتَمذِج هذه الوضعية .
 - $P(C \cap R) = 0,21$ أثبت أن (2
 - R احتمال الحادثة P(R) احتمال (3
 - $P_R(B)$ احسب الاحتمال الشرطى (4

التمرين الرابع: (05 نقاط)

. $f(x) = \frac{1}{3}x^3 + 100 + \frac{57600}{x+1}$: إبالعبارة $f(x) = \frac{1}{3}x^3 + 100 + \frac{57600}{x+1}$ الدالة المعرفة على المجال

اً) أحسب نهايتي f عند f بقيم أكبر وعند $+\infty$

. $f'(x) = \frac{(x^2 + x - 240)(x^2 + x + 240)}{(x+1)^2}$ ،]-1; $+\infty$ من المجال x من المجال x من المجال (2

-1 استنتج اتجاه تغيّر الدالة f على المجال -1 + $+\infty$ ، ثمّ شكّل جدول تغير اتها.

-x=0 ج- جد الدالة الأصلية H للدالة $\frac{1}{x+1}$ للدالة $\frac{1}{x+1}$ على المجال -x=0 على المجال -x=0

(3) تنتج إحدى شركات تركيب آلات الغسيل خلال أسبوع 5 آلات على الأقل و 200 آلة على الأكثر. ثُنَمَذَجُ الكلفة الهامشية C_m لإنتاج x آلة إضافية للشركة على المجال C_m بالدالة x أي أنّ . x من المجال x من ا

أ- ما هو عدد الآلات التي يجب أن تنتجها الشركة خلال أسبوع لكي تكون الكلفة الهامشية أقل ما يمكن؟ $C'(x) = C_m(x)$. $C'(x) = C_m(x)$ أن $C'(x) = C_m(x)$ للكلفة الإجمالية لإنتاج $C'(x) = C_m(x)$ أن $C'(x) = C_m(x)$

جد عبارة الكلفة الإجمالية (C(x))، علما أن الكلفة الإجمالية لإنتاج 5 آلات الأولى هي 40000 ، ثم استنتج قيمة الكلفة الإجمالية لإنتاج 15 آلة الأولى.

العلامة		(1511 - 2 - 11) 3 1 - 21					
مجموع	مجزأة	عناصر الإجابة (الموضوع الأول)					
		تمرين الأول					
	01	$u_n > \frac{2}{3}$ أ- إثبات أن (1					
	01	ب- اثبات أن (u_n) متناقصة					
	0,75	$q = \frac{1}{3} \cdot v_0 = \frac{1}{3}$. $u_n = \frac{1}{3}$ (2)					
05	0,5+0,25	$u_n = \frac{1}{3} \left[\left(\frac{1}{3} \right)^n + 2 \right] \cdot v_n = \frac{1}{3} \left(\frac{1}{3} \right)^n - \omega$					
	0,5	$\lim u_n = \frac{2}{3} -\Rightarrow$					
	0,25	$v_0 + v_1 + \dots + v_n = \frac{1}{2} \left[1 - \left(\frac{1}{3} \right)^{n+1} \right]$ (3)					
	0,75	$S_n = \frac{1}{2} \left[1 - \left(\frac{1}{3} \right)^{n+1} \right] + \frac{2}{3} (n+1)$					
		لتمرين الثاني					
	01	1) تمثيل سحابة النقاط					
	0,5	G(3,5;28833) - 1(2					
0.5	0,5+1	b=23034 , a=1656,86 -ب					
05	0,5	3) - رتبة السنة 2015 هي 10					
	0,5	– الكمية المقدرة هي حوالي : 39602,6 hL					
	0,75	y>5000 (4 و منه x>16,27 أي x=17					
	0,25	السنة التي رتبتها 17 هي 2022					
		تعرین اثالث T P(G\T)=3/7					
		15/100					
04	5x0,5	$\frac{20/35}{10/100} V P(G \cap W) = \frac{3/35}{10/100}$					
Uni		15/35 F 40/100 V $P(F \cap M) = 6/35$					
		$60/100 M P(F \cap V) = 9/35$					
4 0	20						

	0,5	P(V)=11/35	(2						
	0,5	$P_{V}(G)=2/11$	(3						
	0,5	$P(\bar{T})=1-P(T)=4/7$	(4						
	ن الرابع								
	2×0,25 0,25	$\left[\sqrt{e};+\infty\right]$ متزایدة تماما علی $\left[1;\sqrt{e}\right]$ و متناقصة تماما علی							
	,,,,,,	$\lim_{x\to +\infty} f(x) = -\infty$							
	0,25	$f'(x) = a + c(\ln x + 1)$ -1 (2) $f'(x) = a + c(\ln x + 1)$ -1 (2)							
	2×0,25								
		$a + \frac{3}{2}c = 0$							
	0,5	$\begin{cases} a+b=4 \end{cases}$							
		$5a + b + 5c \ln c = 16 - 10 \ln 5$							
		l							
	4×0,25	c = -2 , $b = 1$, $a = 3$							
	0,25	$\lim_{x \to +\infty} f(x) = \lim_{x \to +\infty} x \left[3 + \frac{1}{x} - \ln x \right] = -\infty - \frac{\pi}{2}$							
**	0,25	$f'(x) = 1 - 2 \ln x$							
06	0,25	x 1 √e +∞							
		f'(x) + 0 -							
	0,25	جدول تغيرات الدالة f.							
	0,25	$[1;\sqrt{e}]$ لا تقبل حلو لا على $f(x)=0$ المعادلة $f(x)=0$	3						
	0,25	$\sqrt{e};+\infty$ المعادلة $f(x)=0$ تقبل حلا وحيدا على $f(x)=0$							
	0,25	$f(4,95) \times f(4,96) < 0$							
	0,25	$g'(x) = f(x) - \int_{0}^{x} \left(\frac{1}{x^{2}} \right)^{-1} dx$	4						
	0,25	C_f هي مساحة الحيز المستوي المحدد بِ C_f) والمستقيمات التي معادلاتها							
		$x = \alpha y = 1 $							
	0,25	$S = 2\alpha^2 + \alpha - 3 - \alpha^2 \ln \alpha$							
	0,25	$S = \frac{1}{2}\alpha(\alpha+1)-3$ ج- إثبات أن							
	0,25	11,72 < S < 11,78							

130

العلامة العالمة		F 6	/ Title assault AdaM valie						
مجموع	مجزأة -	, je	عناصر الإجابة (الموضوع الثاني)						
	andry or						<i>أو</i> ل	لتمرين اا	
	0,75					u_2	- حساب ₀ , ساب	1 (1	
05	0,25			ı	$u_1^2 \neq u_0 \times u_2$	ندسية لأن	ه تسیا (u _n) - «	<u>ب</u>	
ชอ	0,25			u_{0}	$+u_2 \neq 2u_1$	سابية لأن	(u _n) لیست ح		
	0,5				u_{n+1}	$1 = u_n + u_n$	$\times \frac{5}{100} - 5000$	÷	
	2x0,25 +0,5			q = 1, 0.	$5 \; ; \; v_0 = -5$	×10 ⁴ ; v	$_{n+1}=1,05v_{n}$	-i (2	
	2x0,5		$u_n = -5$	× 10 ⁴ (1,05)	$n + 10^5$;	$v_n = -5 \cdot 10$	$0^4 \times (1,05)^n - 0$.	
	0,5	- 1 mm		u ₈ =	26127, 23 DA	2015 هو	المبلغ في نهاية	-1 (3	
	0,25						$u_n < 5000 - 6$	-1	
	0,25			,	أي 14 إ	n > 13, 16	$\epsilon n > \frac{\ln(1,9)}{\ln(1,05)}$	<u>.</u>	
	0,25		غ المعتاد	بسحب المبا	لهذا الشخص	20 لا يسمح	داء من سنة 22(ابد	
							اتي	تمرين الذ	
	3x0,25			f	(1) = 2 + j	f'(1) = -1	$f'(x) = -xe^{1-x}$	^x (1	
	0,25						(D): y = -x +	3	
	0,25					g'(x	$= (x - 1)e^{1-x}$	-f (2	
06				x	-1	1	+∞		
00	2x0,25			g'(x)	-	- 0	+		
				g(x)					
	0,25		g(x)	≥ 0 · [-1:	ب x من ∫∞+	. م من أجل كل	$\begin{array}{c} \bullet & g(1) = 0 \end{array}$	_ _	

131

	0,25	h(x) = f(x) + x - 3 [3]
	0,25	$\lim_{x \to +\infty} f(x) = 0 \forall \lim_{x \to +\infty} h(x) = +\infty$
	0,25	$h'(x) = g(x) \cdot$
	0,5	$\begin{array}{c c} x & -1 & +\infty \\ h(x) & & -\infty \end{array}$
	2x0,25	ج- تطبيق مبر هذة القيم المتوسطة + الرتابة.
(T	2x0,25	(C_{f}) مماس (Δ) مماس (Δ) معنى (Δ) معنى (Δ) معانى (Δ)
,	0,5	$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
	0,25	. [-1,1] و يقع أسفله في المجال [1,+ ∞] و يقع أسفله في المجال
	1	(Δ) (C_{φ})
		التمرين الثالث
04	6x0,25	25/100 R 25/100 R 18/100 R 25/100 R 25/100 R 7 84/100 R 7 7
	0,5	$P(C \cap R) = \frac{25}{100} \times \frac{84}{100} $ (2
	4x0,25	$P(R) = \frac{30}{100} \times \frac{25}{100} + \frac{45}{100} \times \frac{18}{100} + \frac{25}{100} \times \frac{84}{100} = 0,366 $ (3
	0,25x2	$P_{R}(B) = \frac{45}{100} \times \frac{18}{100} = 0,081 P_{R}(B) = \frac{P(R \cap B)}{P(R)} $ (4
	0,5	100 100

	2x025	التمرين الرابع
		$\lim_{x \longrightarrow +\infty} f(x) = +\infty \lim_{x \longrightarrow -1} f(x) = +\infty (1)$
	0,5	$f'(x) = x^2 - \frac{57600}{(x+1)^2} - 1$ (2)
	0,25	$f'(x) = \frac{(x^2 + x - 240)(x^2 + x + 240)}{(x+1)^2}$
	0,25]-1;+∞[و $x^2+x+240>0$ من أجل كل x من $(x+1)^2>0$
	0,5	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
05	0,5	$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
	3x0,25	$C = 0$ $H(0) = 0$ $U(x) = \ln(x+1) + c$
	0,5	3) أ- عدد الآلات هو 15
	2x0,25	$C(5)=4\cdot 10^4$ حيث $C_m=f$ الدالة الأصلية للدالة C
	0,5	$C(x) = \frac{1}{12}x^4 + 100x + 57600 \ln\left(\frac{x+1}{6}\right) + \frac{473375}{12}$
	0,25	$C(15) = 101662,43 \ DA$